

Projeto Lógico Digital Combinacional



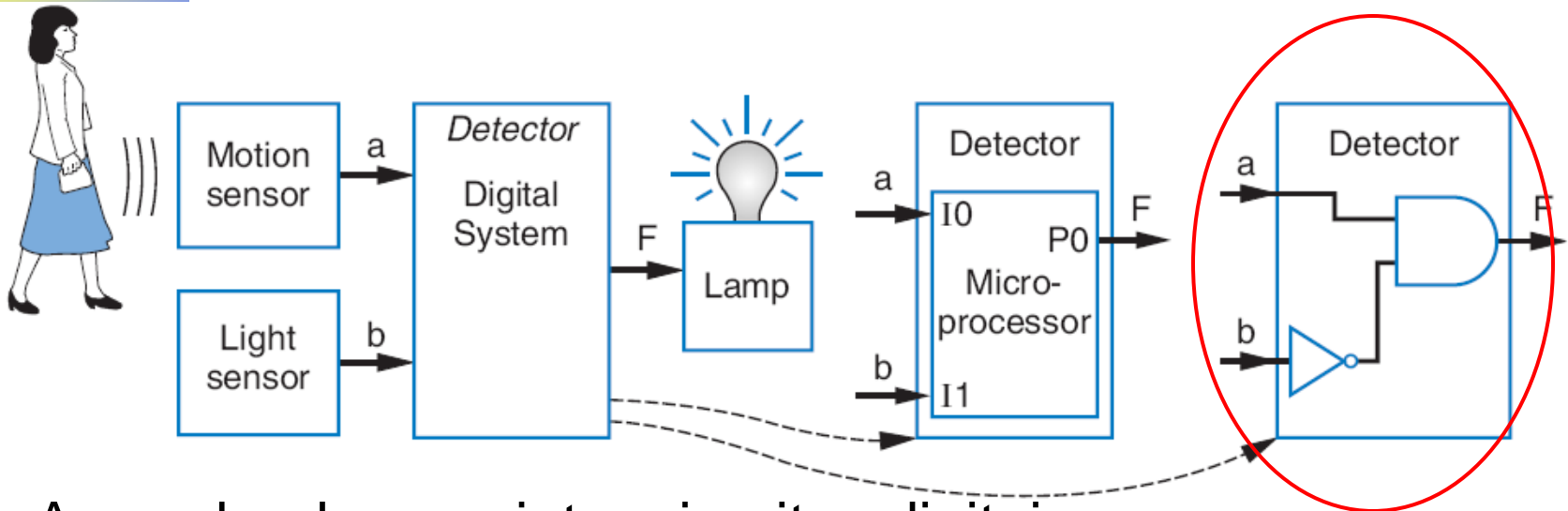
Traduzido, editado revisado e incrementado por Ney Calazans, com base em transparências relativas ao Capítulo 2 do livro de Frank Vahid
(Ver dados e texto de concessão de direitos de publicação abaixo)
Última Atualização – 17/10/2022

Baseado nos *slides* que acompanham o livro-texto *Digital Design*, 1a. Edição, de Frank Vahid, John Wiley and Sons Publishers, 2007

Copyright © 2007 Frank Vahid

*Instructors of courses requiring Vahid's Digital Design textbook (published by John Wiley and Sons) have permission to modify and use these slides for customary course-related activities, subject to keeping this copyright notice in place and unmodified. These slides may be posted as unanimated pdf versions on publicly-accessible course websites.. PowerPoint source (or pdf with animations) may **not** be posted to publicly-accessible websites but may be posted for students on internal protected sites or distributed directly to students by other electronic means. Instructors may make printouts of the slides available to students for a reasonable photocopying charge, without incurring royalties. Any other use requires explicit permission. Instructors may obtain PowerPoint source or obtain special use permissions from Wiley – see <http://www.ddvahid.com> for information.*

Introdução

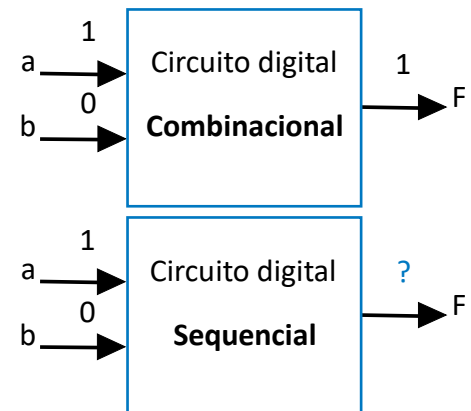


- Aprendendo a projetar circuitos digitais
- Aqui, apenas a forma mais simples de circuitos digitais

– Circuitos Combinacionais

- Um circuito digital cujas saídas dependem única e exclusivamente da **combinação** instantânea dos valores das entradas do *circuito*

Circuito digital



Circuitos Elétricos e Eletrônicos

Equações de Maxwell

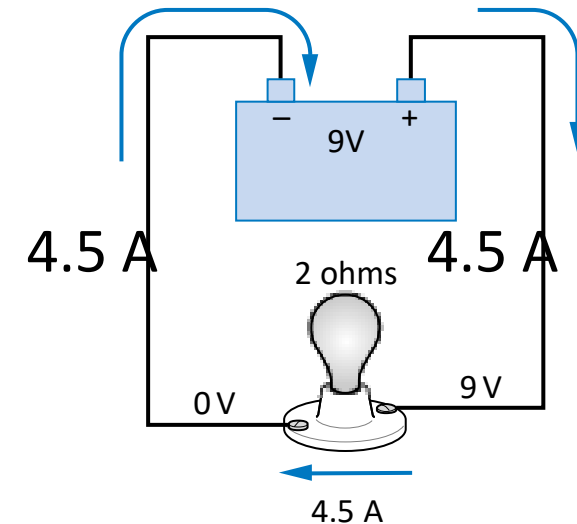
$$\nabla \cdot \mathbf{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$$

$$\nabla \cdot \mathbf{B} = 0$$

$$\nabla \times \mathbf{E} = -\frac{\partial \mathbf{B}}{\partial t}$$

$$\nabla \times \mathbf{B} = \mu_0 \mathbf{j} + \frac{1}{c^2} \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t}$$

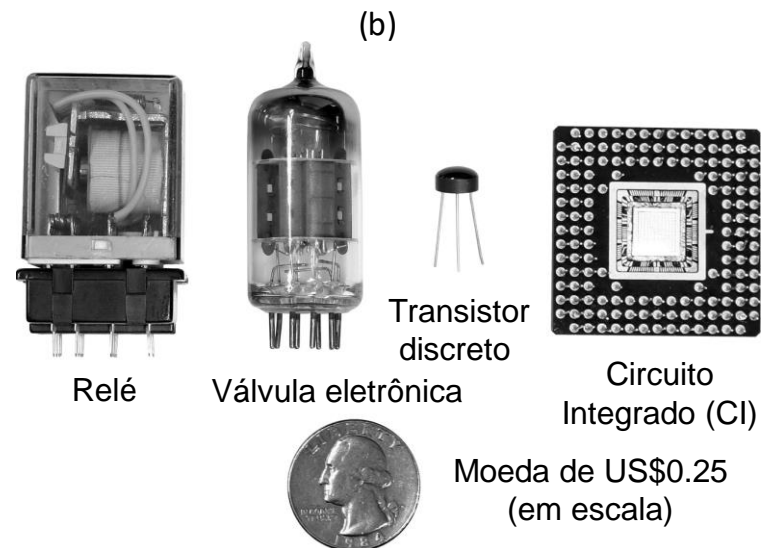
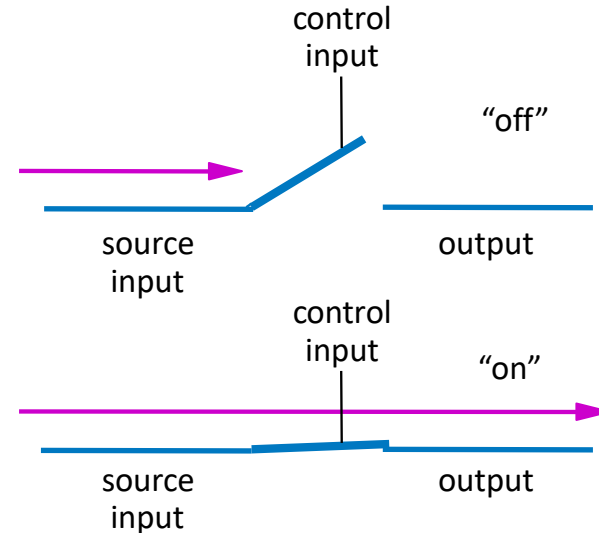
- Circuitos eletrônicos são a base de circuitos digitais
- Circuitos eletrônicos respeitam as leis gerais da Eletricidade
 - Terminologia elétrica → Grandezas principais
 - **Voltagem (V)**: A diferença de potencial elétrico entre dois pontos ou a capacidade de fornecer energia a cargas elétricas (medida em Joules por Coulomb - J/C, 1J/C denomina-se **1 Volt - V**)
 - **Corrente (I)**: Fluxo de partículas carregadas na unidades de tempo (medida em Coulombs por segundo - C/s, 1C/s denomina-se **1 Ampère - A**)
 - **Resistência (R)**: Tendência de um componente (fio, pedaço de metal, madeira etc.) de resistir à passagem de corrente elétrica (medida em **Ohms - Ω**)
 - **Potência Elétrica (P)**: Consumo instantâneo de energia (medida em Joules por segundo – J/s, 1 J/s denomina-se **Watt - W**)



- Principais relações entre grandezas elétricas (muito mais será estudado na disciplina 98D07-06 - Física G. E. III, 3º sem. do curso)
 - $V = R * I$ (Lei de Ohm), $P = V * I$
 - Lei das malhas (derivada da Lei de Ohm) – A soma das tensões aplicadas sobre os componentes de uma **malha** fechada é 0
 - Lei dos Nodos (derivada da Lei de Ohm) – A soma das correntes que entram e saem de um **nodo** de um circuito é 0
 - Note-se: A Lei de Ohm deriva de um conjunto de equações muito mais gerais do Eletromagnetismo, as chamadas Equações de Maxwell, equações diferenciais que relacionam campos elétricos e magnéticos na Natureza, sua propagação e mensuração, seja em materiais, seja no vácuo. Note-se: \mathbf{E} e \mathbf{B} – os campos elétrico e magnético, respectivamente; ρ e \mathbf{j} – a função de carga e a corrente elétrica, respectivamente; ϵ_0 e μ_0 – as constantes de permissividade e permeabilidade do vácuo, respectivamente; c é a velocidade da luz no vácuo. Vejam mais detalhes em <https://www.cantorsparadise.com/maxwells-equations-7484212839b1>

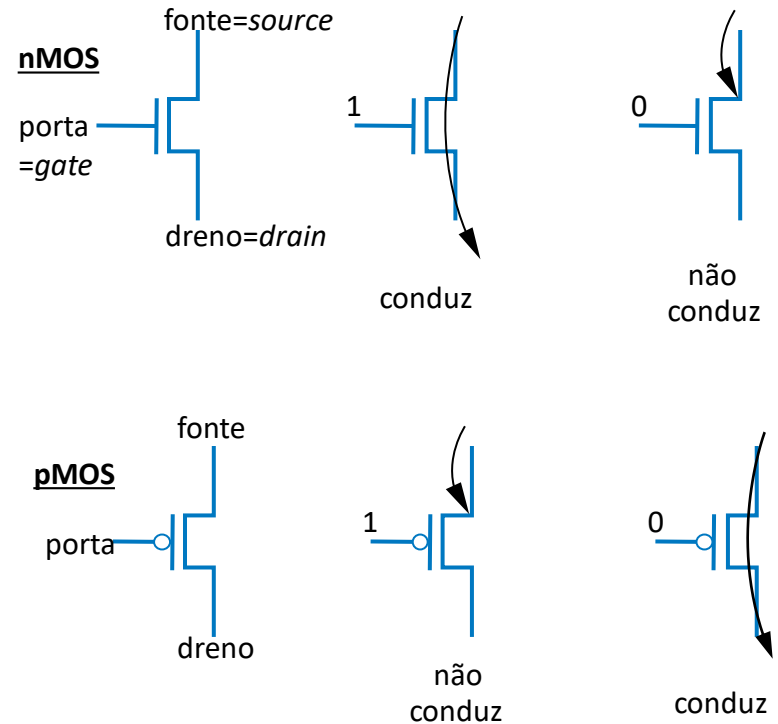
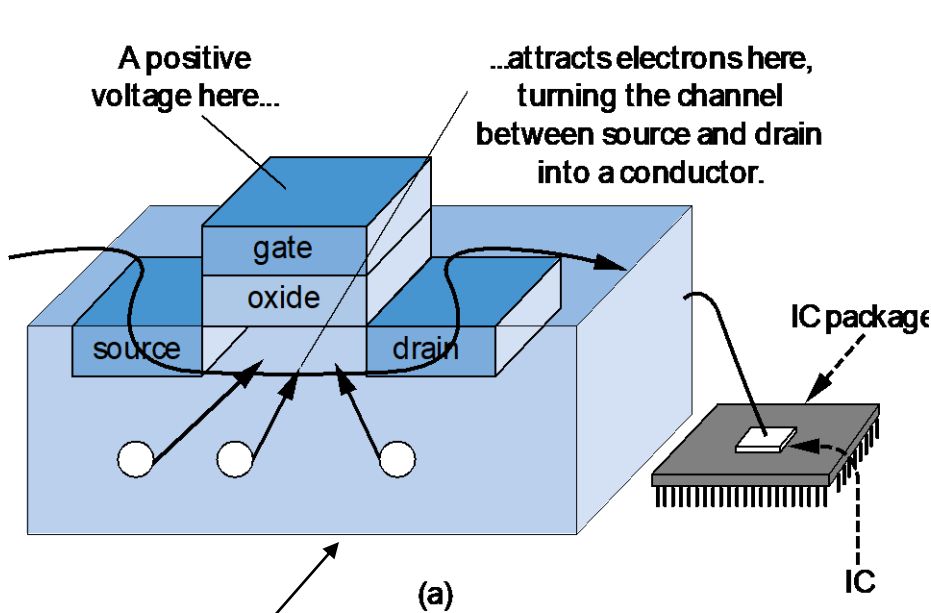
Chaves Elétricas/Eletrônicas

- Uma chave possui três partes
 - Entrada fonte e saída
 - A corrente “quer” fluir da entrada fonte (*source input*) para a saída (*output*)
 - Entrada de controle (*control input*)
 - Voltagem que controla se a corrente flui ou não
- Lembrem-se: corrente só flui se houver um **circuito fechado!!**



Os Transistores CMOS

- Transistores MOS
 - Componentes fundamentais em circuitos integrados modernos
 - Há dois tipos fundamentais: o transistor nMOS e o transistor pMOS



Base (ou substrato) de silício
Não é nem plenamente condutor nem
totalmente isolante, é
Semicondutor



Portas Lógicas Booleanas

Os Blocos Construtivos de Circuitos Digitais

(Pois Chaves Eletrônicas são difíceis de se trabalhar)



These blocks...



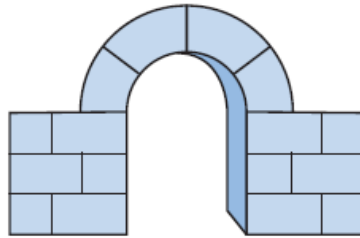
...are hard to work with.



Transistors are hard to work with



The right building blocks...



...enable greater designs.



The logic gates that we'll soon introduce enable greater designs

- “Portas Lógicas” são blocos construtivos melhores para circuitos digitais que chaves (transistores)
 - Porque?

- (1) São agregados de transistores (blocos de mais alto nível)
- (2) seguem as regras simples da álgebra de chaveamento



Álgebra Booleana e sua Relação com Circuitos Digitais

• *Álgebra Booleana – Álgebra de Chaveamento*

- **Variáveis** podem assumir apenas os valores 0 e 1
- **Operadores** retornam apenas 0 ou 1
- Operadores fundamentais
 - AND: $a \text{ AND } b$ retorna 1 somente quando ambos $a=1$ e $b=1$
 - OR: $a \text{ OR } b$ retorna 1 se uma das duas situações ocorrer (ou ambas): $a=1$ ou $b=1$
 - NOT: $\text{NOT } a$ retorna o inverso de a (1 se $a=0$, 0 se $a=1$)

| a | b | a AND b |
|---|---|---------|
| 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 |

| a | b | a OR b |
|---|---|--------|
| 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 |

| a | NOT a |
|---|-------|
| 0 | 1 |
| 1 | 0 |

| a | b | a XOR b |
|---|---|---------|
| 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 0 |

| a | b | a NAND b |
|---|---|----------|
| 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 0 |

| a | b | a NOR b |
|---|---|---------|
| 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 0 |

| a | b | NOT b |
|---|---|-------|
| 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 0 |

| a | b | a NXOR b |
|---|---|----------|
| 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 |

Função Degenerada de 2 variáveis

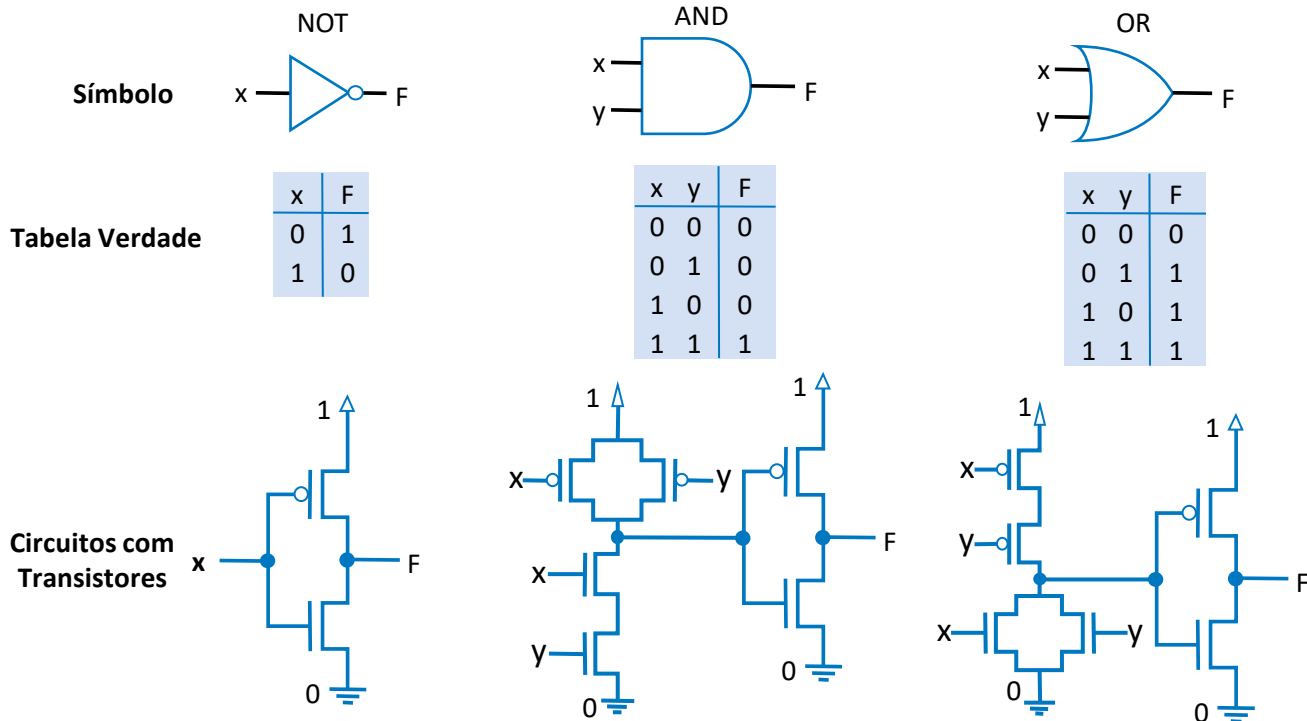


Convertendo Língua Natural para Equações Booleanas

- Converta as seguintes frases para uma equação Booleana
 - Q1. a é 1 e b é 1.
 - Resposta: $F = a \text{ AND } b \rightarrow$ Também se pode escrever $a \cdot b$ ou ab , se não houver risco de ambiguidade
 - Q2. um dos dois, a ou b , é 1.
 - Resposta: $F = a \text{ OR } b \rightarrow$ Também se pode escrever $a + b$, se não houver risco de ambiguidade
 - Q3. ambos, a e b não são 0.
 - Respostas
 - (a) Opção 1: $F = \text{NOT}(a) \text{ AND } \text{NOT}(b)$
 - (b) Opção 2 (mesma interpretação que item anterior): $F = a \text{ NOR } b$
 - (c) Opção (3) (interpretação de alternativa ambígua): $F = a \text{ OR } b$
 - Observação: a muito importante função NOT, pode ser notada por a' ou \bar{a}



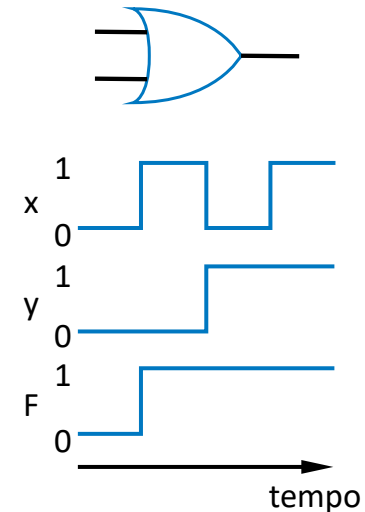
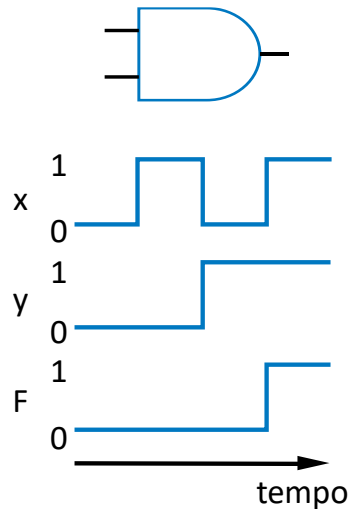
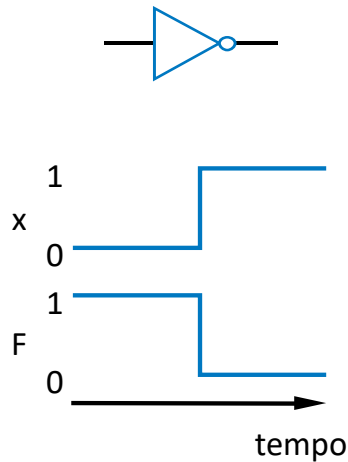
Relacionando Álgebra Booleana com Projeto Digital



- Implementam operadores Booleanos usando transistores
 - Estas implementações são denominadas portas lógicas (em inglês, **logic gates**)



Diagramas de Tempo para Portas Lógicas (NOT/OR/AND)



Observação sobre representação de funções Booleanas com equações

- Existe uma precedência padrão entre operadores NOT, AND e OR
- NOT possui maior precedência, seguido por AND, terminando com OR, que tem a menor precedência.
- Assim $a'.b + b.c$ equivale a $((a').b) + (b.c)$ → parênteses sempre podem ser usados para explicitar uma precedência diferente do padrão

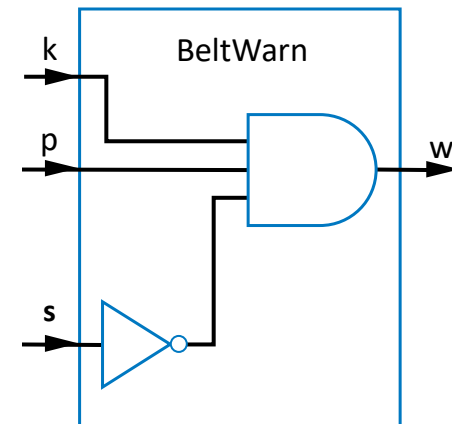


Exemplo: Sistema de Luz de Aviso de Cinto de Segurança

- Projetando o circuito que controla a luz de alarme do cinto de segurança
- Sensores
 - $s=1$: cinto afivelado
 - $k=1$: chave na ignição, virada
 - $p=1$: pessoa sentada no assento
- Capturando a equação Booleana
 - pessoa sentada, **e** cinto **não** afivelado **e** chave na ignição → luz acende, caso contrário, luz apaga
- Convertendo a equação em um circuito
- **Exercício** → Assuma agora que o carro tem 5 assentos e que a luz deve acender se qualquer um dos assentos está com pessoa sentada sem afivelar o cinto. Gere o novo circuito de controle que controle o sinal w , que diz se a luz de aviso deve acender ou não



$$w = p \text{ AND NOT}(s) \text{ AND } k$$



Terminologia da Álgebra Booleana (de Chaveamento)

- Equação Exemplo: $F(a,b,c) = a'.b.c + a.b.c' + a.b + c$
- **Variáveis**
 - Representa um valor que a cada instante é 0 ou 1
 - Três variáveis: a, b, e c
- **Literal**
 - Consiste em uma forma alternativa de considerar uma variável, seja na forma afirmada ou na forma negada (complementada)
 - Um literal é de fato uma forma de representar funções simples, que são usadas na composição de outras funções mais complexas. Um literal na forma afirmada é a função identidade, enquanto que um literal complementado é a função inversor.
 - Há nove literais na expressão acima: a' , b , c , a , b , c' , a , b , c
- **Termo Produto**
 - É um produto (Booleano) de literais (literais combinados via operador AND)
 - Há quatro termos produto na expressão acima da $F(a,b,c)$: $a'.b.c$, $a.b.c'$, $a.b$, c
- **Soma-de-produtos**
 - Denomina-se assim uma equação escrita como um OR de termos produto
 - A equação acima está escrita nesta forma. “ $G(a,b,c,d) = (a+b).c + d$ ” não está



Propriedades da Álgebra Booleana (de Chaveamento)

- Comutativa
 - $a + b = b + a$
 - $a \cdot b = b \cdot a$
- Distributiva
 - $a \cdot (b + c) = (a \cdot b) + (a \cdot c)$
 - $a + (b \cdot c) = (a + b) \cdot (a + c)$
 - (parece antinatural, mas vale!)
- Associativa
 - $(a + b) + c = a + (b + c)$
 - $(a \cdot b) \cdot c = a \cdot (b \cdot c)$
- Identidade
 - $0 + a = a + 0 = a$
 - $1 \cdot a = a \cdot 1 = a$
- Complemento
 - $a + a' = 1$
 - $a \cdot a' = 0$
- **Para provar, basta testar exaustivamente todas as possibilidades**

Exemplos de uso das propriedades

- Mostre que $abc + abc' = ab$
 - Primeiro, use a propriedade distributiva, obtendo
 - $abc + abc' = ab(c+c')$
 - A seguir, use a propriedade Complemento e obtenha
 - $c+c'$ é 1: $ab(c+c') = ab(1)$
 - Finalmente, use a propriedade Identidade e obtenha o que se quer
 - $ab(1) = ab \cdot 1 = ab$



Álgebra de Chaveamento: Propriedades Adicionais

- Elemento Nulo

- $a + 1 = 1$
- $a \cdot 0 = 0$

- Lei Idempotente

- $a + a = a$
- $a \cdot a = a$

- Lei da Involução

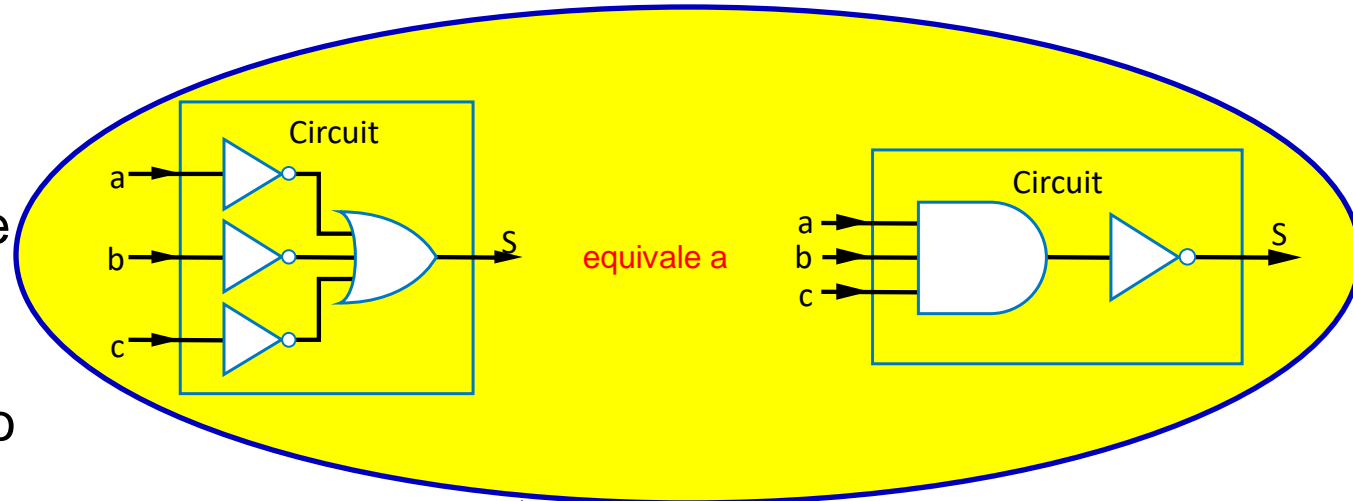
- $(a')' = a$

- Leis de De Morgan

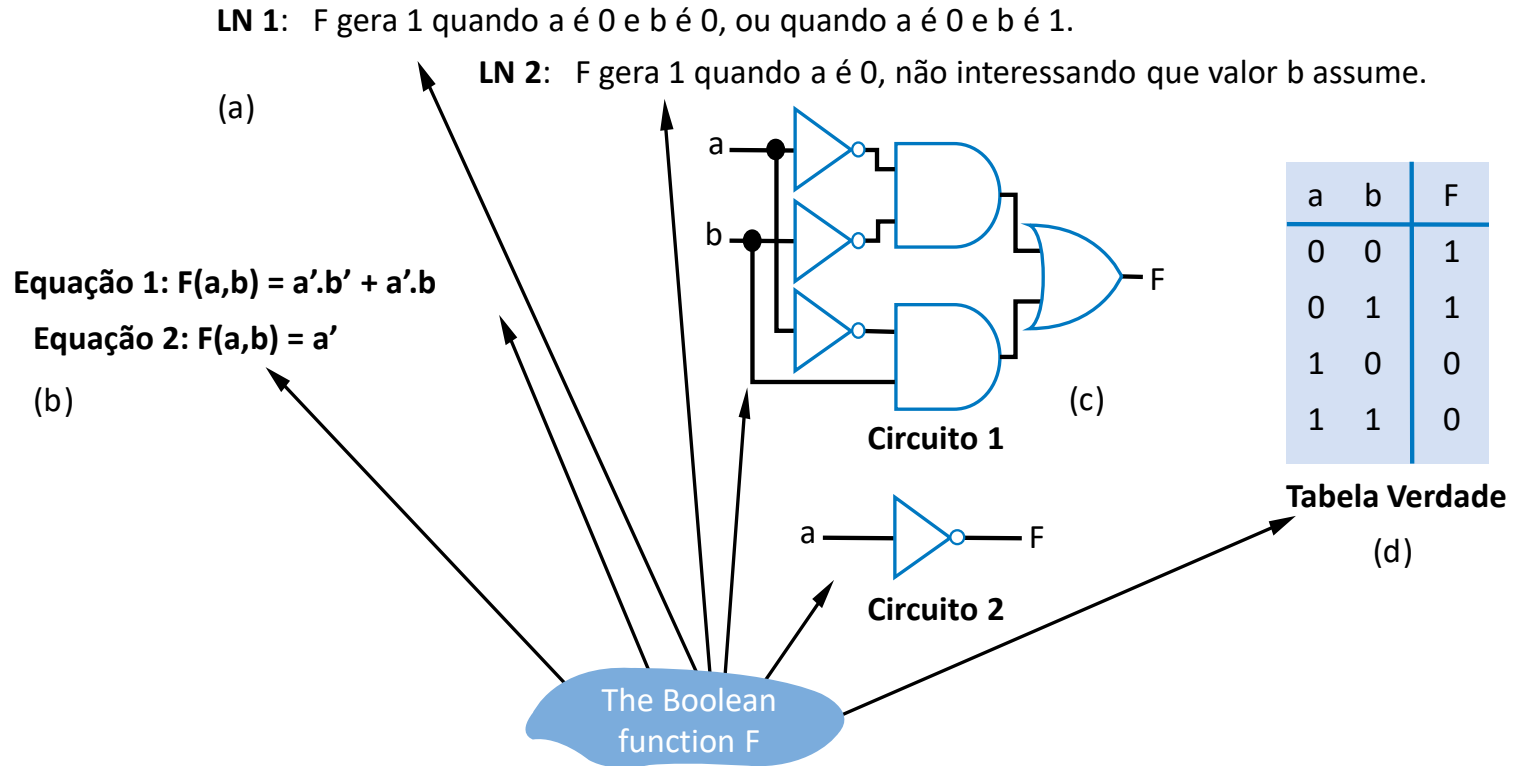
- $(a + b)' = a' \cdot b'$
- $(a \cdot b)' = a' + b'$

- **Muito útil e importante!**

- **Para provar, de novo, uma forma é testar, **exaustivamente**, usando tabelas verdade**



Representações de Funções de Chaveamento



- Uma função de chaveamento pode ser representada de diferentes formas
 - Acima mostram-se 7 representações de uma função (*degenerada*) $F(a,b)$ usando 4 métodos diferentes: Linguagem Natural, Equações, Circuitos, e Tabelas Verdade



A Representação Tabular de Funções Booleanas

- Define-se o valor da F para cada valor possível de combinação de valores de entradas
 - Função de 2 entradas : 4 linhas
 - Função de 3 entradas : 8 linhas
 - Função de 4 entradas : 16 linhas
 - etc.
- Exercício: Use uma tabela verdade para definir a função $F(a,b,c)$ que vale 1 quando abc , convertido de binário para decimal, é 5 ou um número maior ou igual a 5

| a | b | F |
|---|---|---|
| 0 | 0 | |
| 0 | 1 | |
| 1 | 0 | |
| 1 | 1 | |

(a)

| a | b | c | F |
|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | |
| 0 | 0 | 1 | |
| 0 | 1 | 0 | |
| 0 | 1 | 1 | |
| 1 | 0 | 0 | |
| 1 | 0 | 1 | |
| 1 | 1 | 0 | |
| 1 | 1 | 1 | |

(b)

| a | b | c | F |
|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 1 |
| 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 1 | 1 |

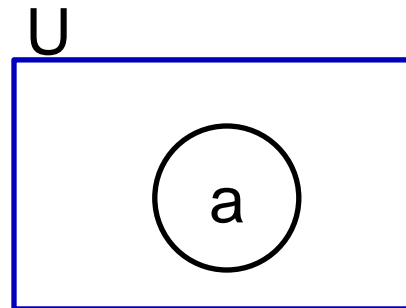
| a | b | c | d | F |
|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 | |
| 0 | 0 | 0 | 1 | |
| 0 | 0 | 1 | 0 | |
| 0 | 0 | 1 | 1 | |
| 0 | 1 | 0 | 0 | |
| 0 | 1 | 0 | 1 | |
| 0 | 1 | 1 | 0 | |
| 0 | 1 | 1 | 1 | |
| 1 | 0 | 0 | 0 | |
| 1 | 0 | 0 | 1 | |
| 1 | 0 | 1 | 0 | |
| 1 | 0 | 1 | 1 | |
| 1 | 1 | 0 | 0 | |
| 1 | 1 | 0 | 1 | |
| 1 | 1 | 1 | 0 | |
| 1 | 1 | 1 | 1 | |

(c)

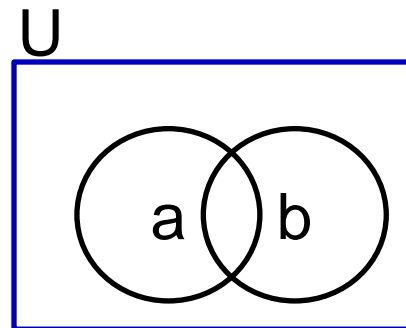


Diagramas de Venn

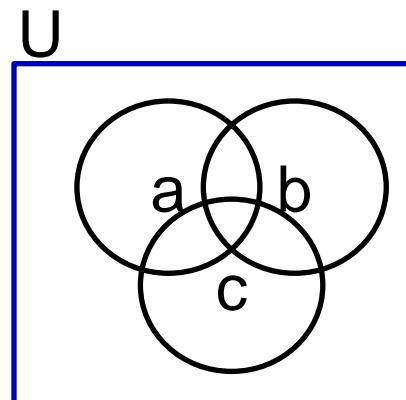
- Diagramas de Venn: (mais) uma forma gráfica bem simples de visualizar funções de chaveamento
 - Útil para funções de até 3-4 variáveis
 - Ideia básica → variável é um círculo, que tem lado de dentro e lado de fora. No lado de dentro, a variável vale 1, no lado de fora ela vale 0
 - Círculos de diferentes variáveis intersectam
 - O conjunto Universo U é um retângulo envolvendo todos os círculos
 - Regiões hachuradas podem representar funções



Venn de 1 variável



Venn de 2 variáveis



Venn de 3 variáveis



Representação Padronizada: Tabela Verdade

- Como determinar se 2 funções de chaveamento são a mesma?
 - Usar métodos algébricos
 - Mas se falharmos, isto prova que as funções *não* são iguais?
 - **Não!**
- Solução: Converter funções para tabelas verdade
 - Só existe UMA tabela verdade para uma dada função
 - Representação **Padronizada** – se para uma dada função, só existe uma forma padronizada

Q: Determine se $F=ab+a'$ é a mesma função que $G=a'b'+a'b+ab$, convertendo cada uma delas para uma tabela verdade

| F = ab + a' | | | G = a'b' + a'b + ab | | |
|-------------|---|---|---------------------|---|---|
| a | b | F | a | b | G |
| 0 | 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |

Mesma



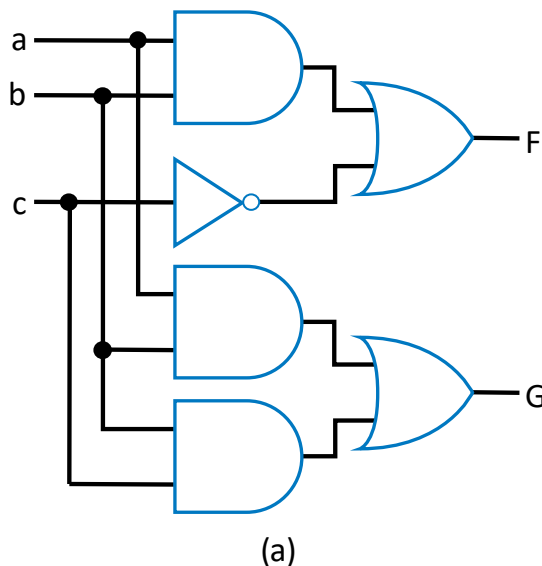
Forma Canônica - Soma de Mintermos

- Tabelas verdade (TVs) podem ser muito grandes para funções de muitas entradas (e.g. 10 ou 20 variáveis)
- Pode-se usar uma forma padronizada de equação, ao invés de TVs
 - Existem formas conhecidas como **formas canônicas**
 - Em álgebra de chaveamento: cria-se uma soma de mintermos
 - **Mintermo**: um termo produto com cada literal da função aparecendo exatamente uma vez, na forma afirmada ou complementada
 - Simplesmente gere equação que contenha a soma de termos produto
 - Em seguida, expandir cada termo até que todos sejam mintermos

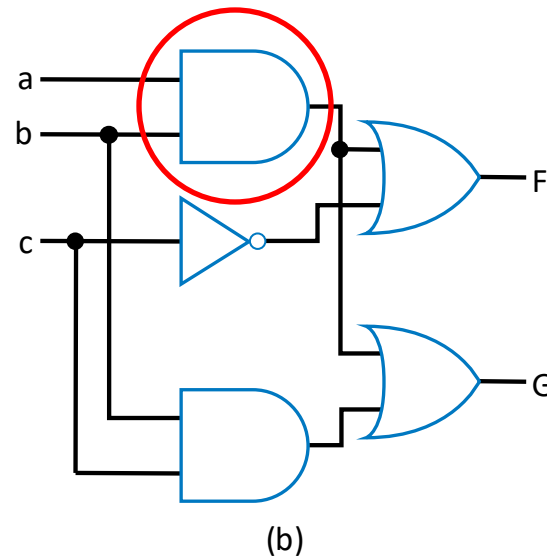


Circuitos com Múltiplas Saídas

- Muitos circuitos de chaveamento têm mais de uma saída
- Pode-se computar cada saída separadamente, mas também se pode compartilhar portas lógicas (funções parciais)
- Exemplo: $F = a.b + c'$, $G = a.b + b.c$



Opção 1: Com circuitos separados



Opção 2: Com portas compartilhadas

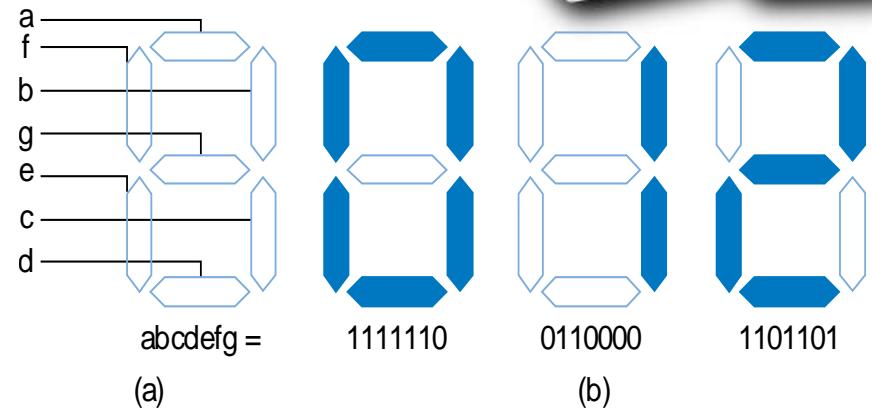


Exemplo de Circuitos com Saídas Múltiplas

Conversor BCD para 7 Segmentos

TABLE 2-4 4-bit binary number to seven-segment display truth table

| w | x | y | z | a | b | c | d | e | f | g |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |
| 0 | 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 1 | 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |



$$a = w'x'y'z' + w'x'yz' + w'x'yz + w'xy'z + w'xyz' + w'xyz + wx'y'z' + wx'y'z$$

$$b = w'x'y'z' + w'x'y'z + w'x'yz' + w'x'yz + w'xy'z' + w'xyz + wx'y'z' + wx'y'z$$

Exercício: Crie as funções para as outras 6 saídas, as funções **c a g**



Processo de Projeto para Lógica Combinacional

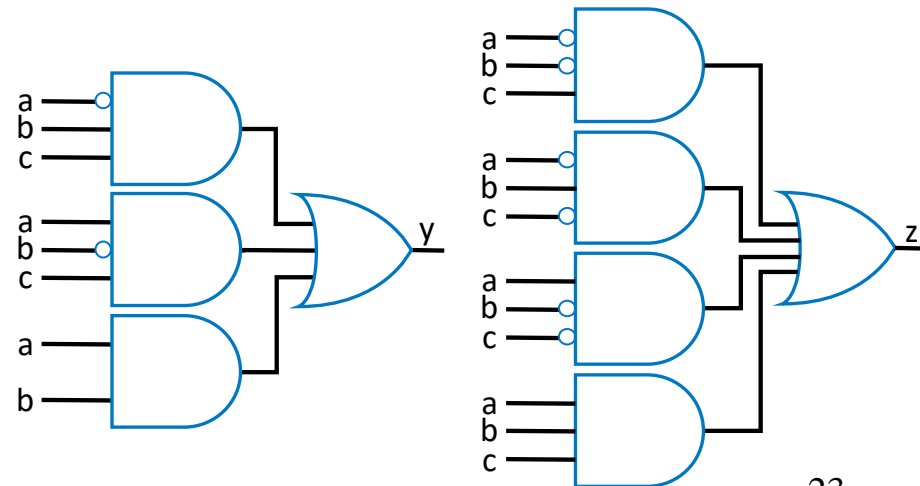
| | Passo | Descrição |
|---------|--|--|
| Passo 1 | Capture a função | Crie uma tabela verdade ou equações, usando a forma mais natural para o problema dado , descrevendo o comportamento desejado da lógica combinacional |
| Passo 2 | Converta para equações | Este passo só é necessário se você capturou a função usando uma tabela verdade e não equações. Crie uma equação para cada saída, OReando todos os mintermos para aquela saída. Simplifique as equações se desejar |
| Passo 3 | Implemente como um circuito baseado em portas | Para cada saída, crie um circuito que corresponde às equações da saída. (Compartilhar portas entre saídas múltiplas está ok, mas é opcional) |



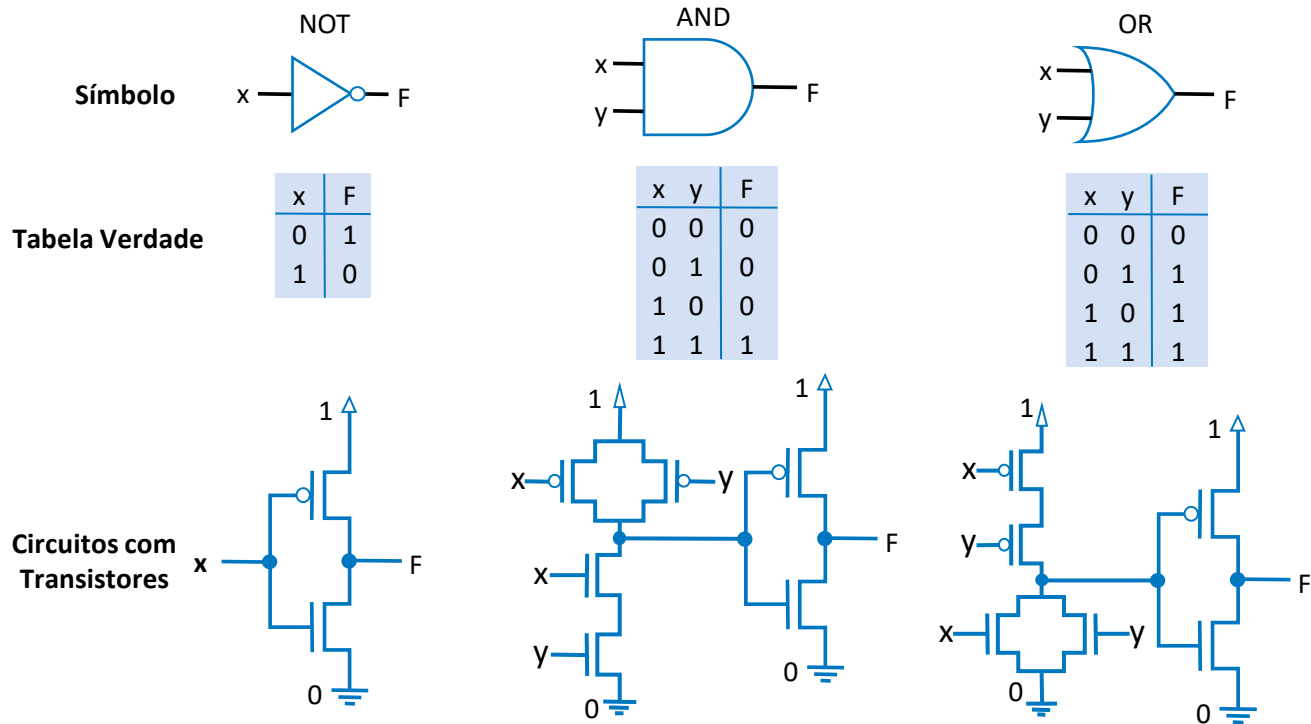
Exemplo: Contador do Número de 1s

- Problema: Gerar uma saída em dois bits (y e z) que dê a contagem do número de 1s sobre 3 entradas
 - 010 → 01 101 → 10 000 → 00
- **Passo 1: Capture** a função
 - Tabela verdade ou equação?
 - Tabela verdade é direto
- **Passo 2: Converta** para equações
 - $y = a'bc + ab'c + abc' + abc$
 - $z = a'b'c + a'bc' + ab'c' + abc$
- **Passo 3: Implemente** na forma de um circuito com portas lógicas

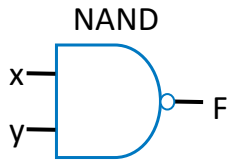
| Inputs | | | (# of 1s) | Outputs | |
|--------|---|---|-----------|---------|---|
| a | b | c | | y | z |
| 0 | 0 | 0 | (0) | 0 | 0 |
| 0 | 0 | 1 | (1) | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 | (1) | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | (2) | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 | (1) | 0 | 1 |
| 1 | 0 | 1 | (2) | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | (2) | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | (3) | 1 | 1 |



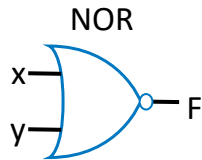
Um Conjunto Básico de Portas Lógicas (1)



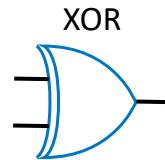
Um Conjunto Básico de Portas Lógicas (2)



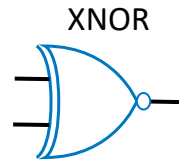
| x | y | F |
|---|---|---|
| 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 0 |



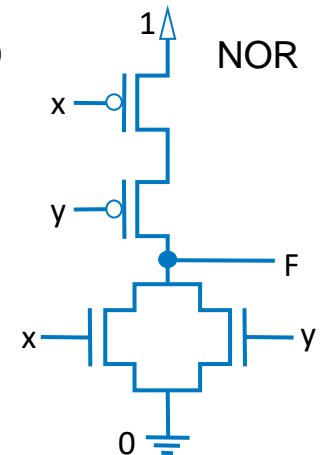
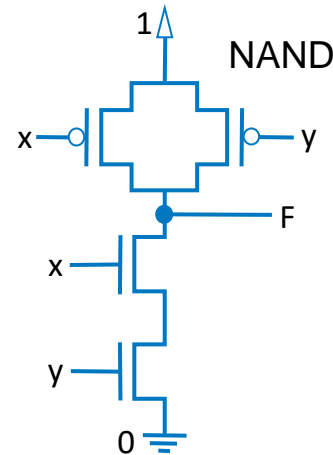
| x | y | F |
|---|---|---|
| 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 0 |



| x | y | F |
|---|---|---|
| 0 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 1 |
| 1 | 0 | 1 |
| 1 | 1 | 0 |



| x | y | F |
|---|---|---|
| 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 0 |
| 1 | 1 | 1 |



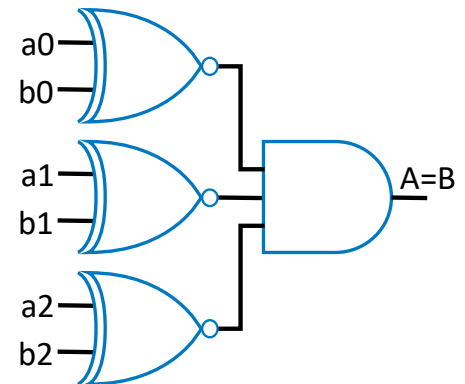
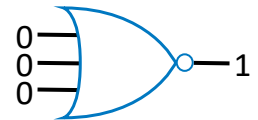
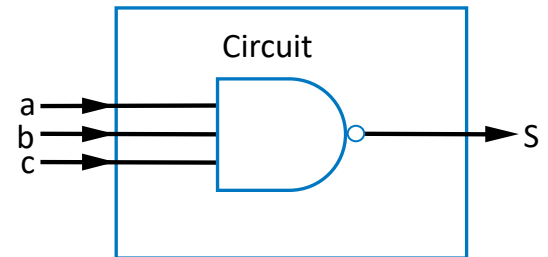
- NAND: Inverso do AND (“NOT AND”)
- NOR: Inverso do OR (“NOT OR”)
- XOR: Se número de 1s na entrada é ímpar, a saída é 1, senão é 0, ou seja XOR é um calculador de paridade ímpar
- XNOR: Inverso do XOR (“NOT XOR”), ou seja XNOR é um calculador de paridade ímpar. Também chamado de NXOR

- Uma porta AND poderia ser criada usando uma NAND com pontos de alimentação invertidos, mas não é...
- Porque? nMOS conduz 0s bem, mas não 1s, e vice-versa para pMOS (motivos serão vistos na disciplina 4456C-04 Microeletrônica, 7º sem. do curso)
- Assim:
 - AND em CMOS: Uma NAND seguida de NOT
 - OR em CMOS: NOR seguida de NOT
- NANDs/NORs e lógica negada são mais baratas que ANDs/Ors, logo mais comuns...



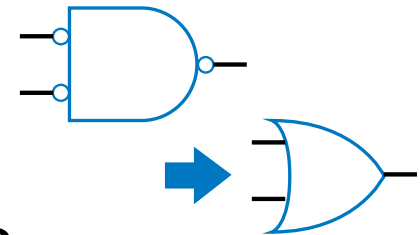
Portas Lógicas: Exemplos de Utilidade

- $S = (abc)'$
- Detector de “tudo em 0”
 - Use NOR
- Detector de igualdade (opera bit a bit)
 - Use XNOR
- Detector de número ímpar de 1s
 - Use XOR
- XORs/XNORs Úteis para gerar “paridades” (detectar erros, etc.)



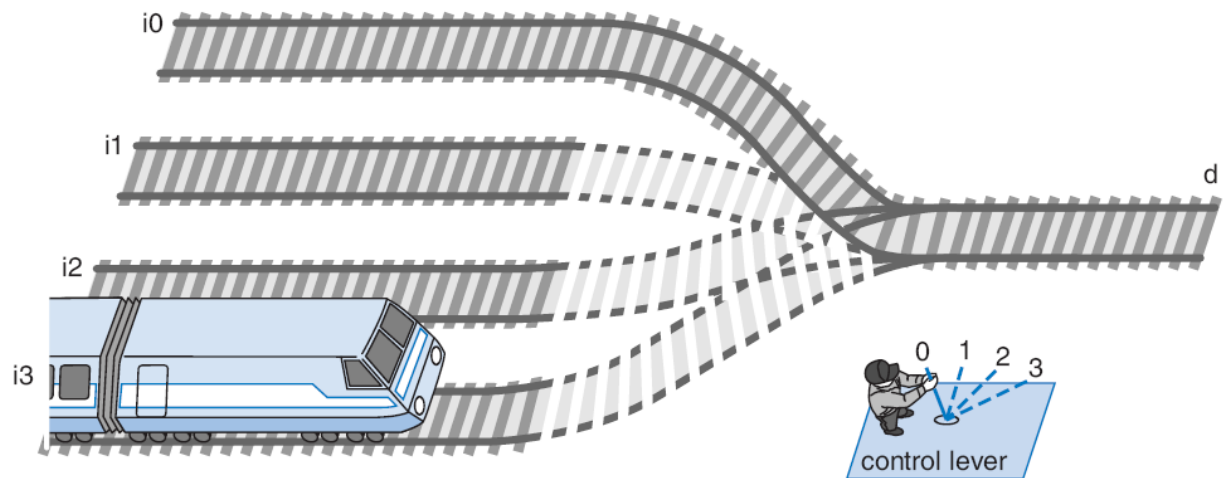
Suficiência de NAND e de NOR

- Qualquer função Booleana pode ser implementada *usando apenas portas NAND*. Porque?
 - Preciso de AND, OR e NOT
 - NOT: NAND com 2 entradas ligadas entre si
 - AND: NAND seguida de NOT
 - OR: NAND precedida por NOTs
- A mesma afirmativa **vale** para a porta NOR
- O mesmo **não vale** para AND ou OR, ou NOT...

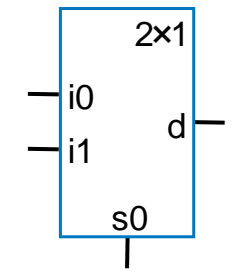


Multiplexadores (Muxes) ou Seletores

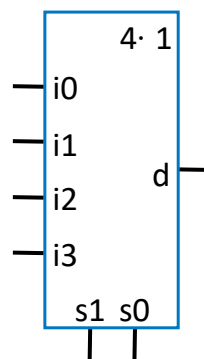
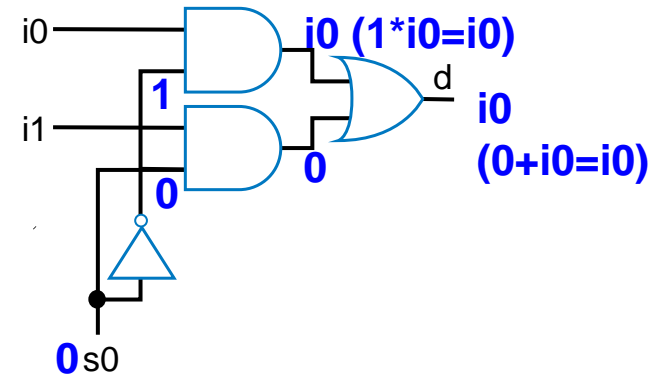
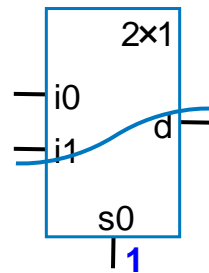
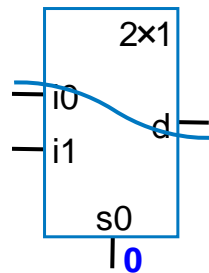
- Mux: Outro bloco combinacional bastante usado
 - Uma definição → Roteia uma de suas N **entradas de dados** para a sua (única) saída, baseado no valor binário nas suas **entradas de seleção**
 - Mux de 4 entradas ou Mux 4:1 → precisa de 2 entradas de seleção para indicar qual entrada rotear para a saída
 - Mux de 8 entradas ou Mux 8:1 → 3 entradas de seleção
 - Mux de N entradas → $\log_2(N)$ entradas de seleção
 - Funciona como chave para selecionar trilhos em uma estrada de ferro



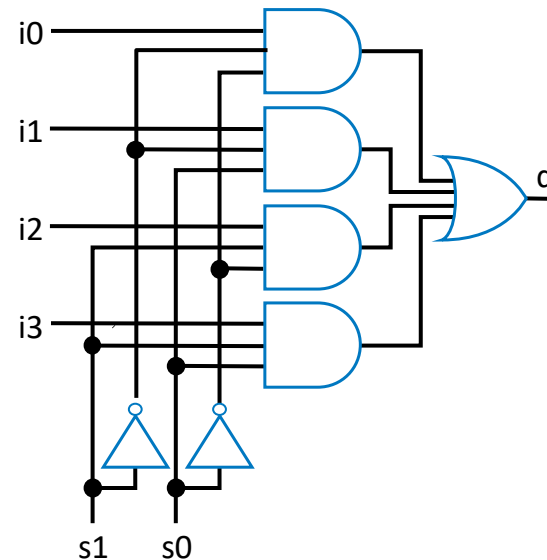
Projeto Interno de Muxes



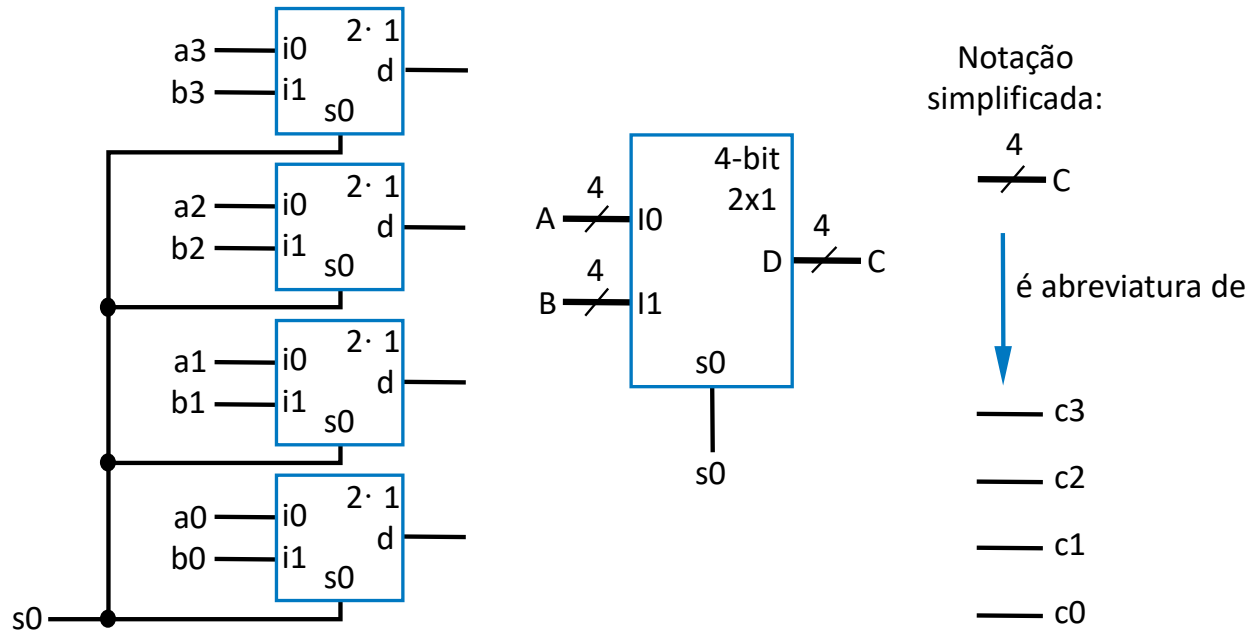
Mux 2x1



Mux 4x1



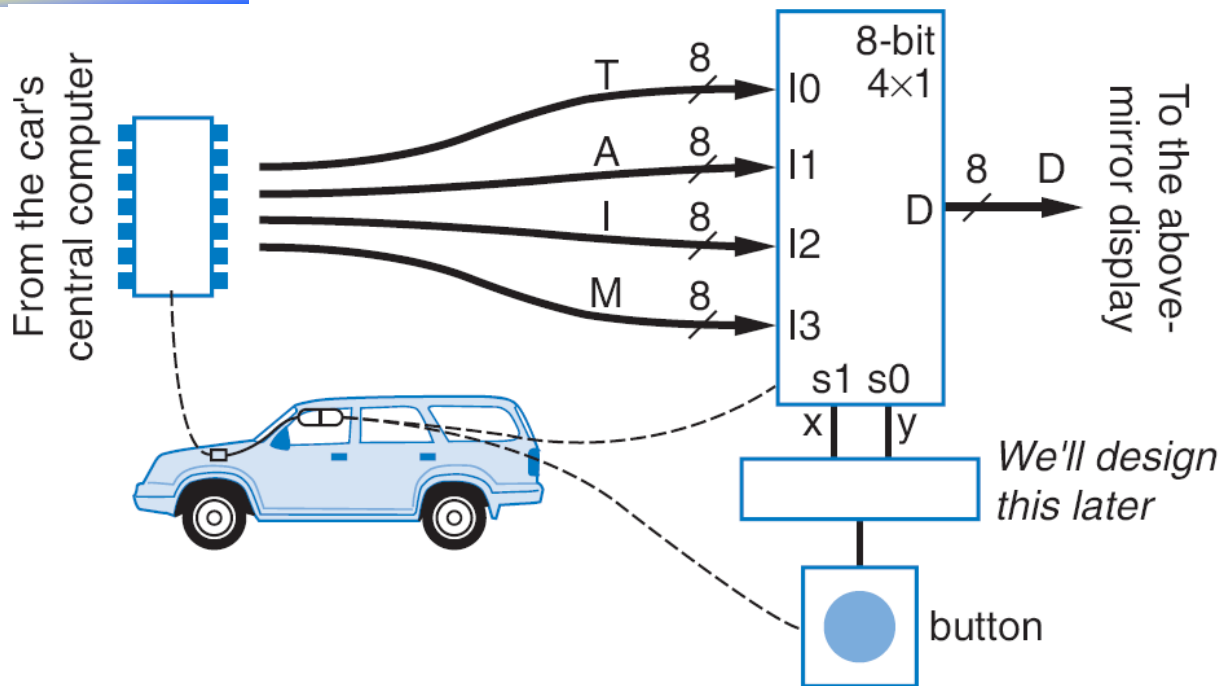
Combinando Muxes → Saídas de N bits



- Ex: Duas entradas de 4 bits, A ($a_3 a_2 a_1 a_0$), e B ($b_3 b_2 b_1 b_0$)
 - Um mux 2:1 de 4 bits (são só 4 muxes 2:1 que compartilham a entrada de seleção) pode selecionar entre A ou B para colocar na saída



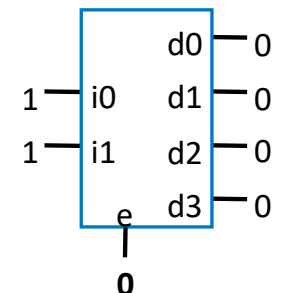
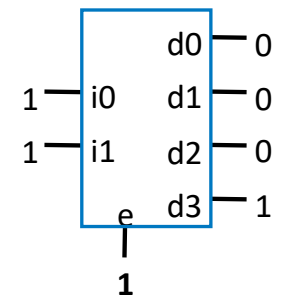
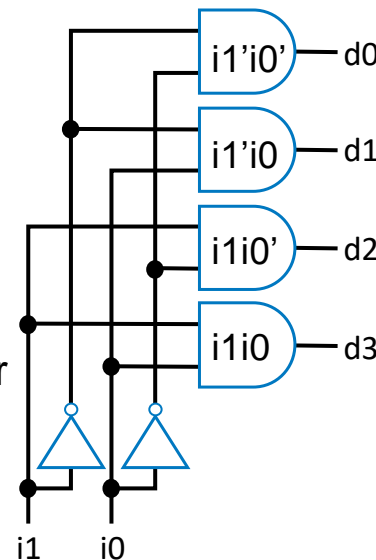
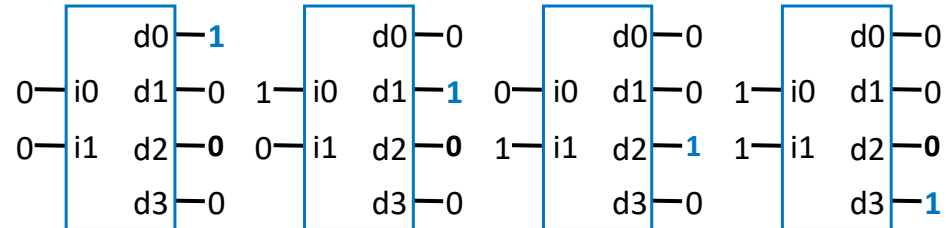
Exemplo de Uso de um Mux de N bits



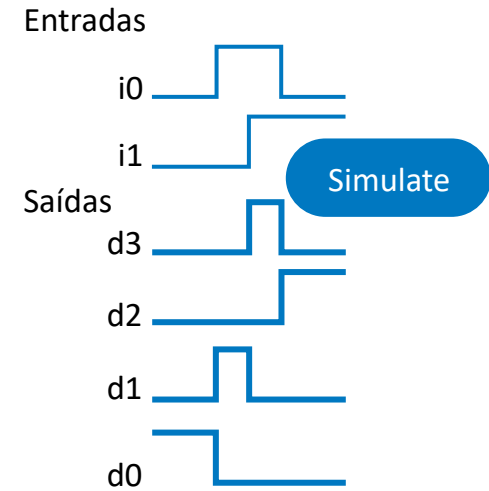
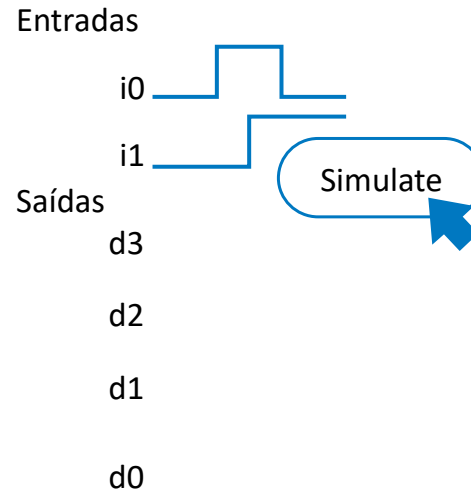
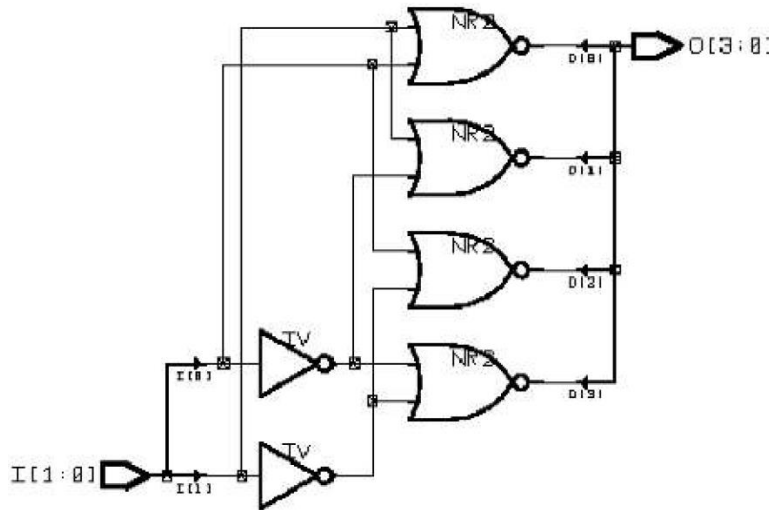
- Imagine que se pode mostrar quatro coisas diferentes na mesma posição do painel acima do retrovisor de um automóvel
 - Temperatura (T), Média de Consumo, em km/l (A), Consumo Instantâneo (I), e Km restantes com o tanque atual (M) – cada dado é representado em 8 bits
 - Escolha o que mostrar no painel usando os fios de controle **x** e **y**
 - Use um mux 4:1 de 8 bits

Decodificadores (Decods)

- **Decodificador:** Bloco lógico muito usado → pode ser montado com portas lógicas
 - Uma definição: Converte um número binário para uma saída única em 1
- Decodificador de 2 entradas, ou decodificador 2 para 4: há 4 números binários possíveis na sua entrada
 - Possui 4 saídas, 1 para cada número possível na entrada
- Projeto interno
 - Uma porta AND para cada saída, que detecta uma combinação de entrada específica
- Decodificador com entrada de habilitação (*enable e*)
 - Todas as saídas em 0 se $e=0$
 - Comportamento descrito, se $e=1$
- Decodificador de n entradas ou decodificador n para 2^n : tem 2^n saídas



Considerações Adicionais: Captura de Esquemáticos e Simulação



- **Captura de Esquemáticos**

- Ferramenta de computador que permite ao usuário (projetista de hardware) capturar graficamente um circuito lógico

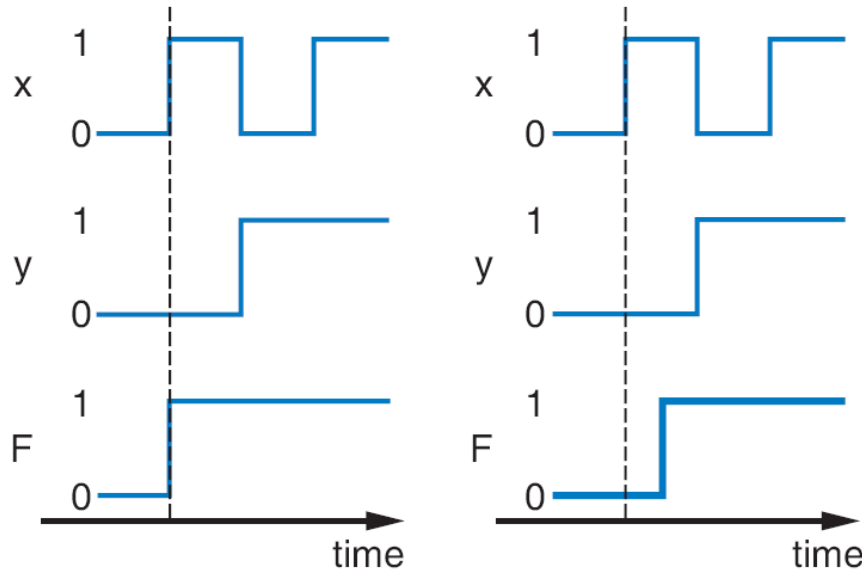
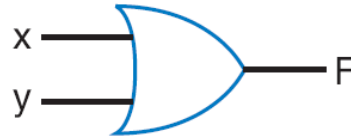
- **Simulador**

- Ferramenta de computador para mostrar que saídas um circuito projetado fornece para entradas dadas
 - Saídas são normalmente mostradas como uma forma de onda temporal (em inglês, **waveform**)



Considerações Adicionais:

Atrasos → comportamento não-Ideal de Portas Lógicas



- Portas lógicas reais sempre possuem atraso (Leis da termodinâmica mandam)
 - Saídas não mudam imediatamente após as entradas mudarem



Sumário

- Circuitos Combinacionais
 - Circuitos cujas saídas são função única e exclusivamente do valor instantâneo das entradas
 - **Cuidado, circuitos combinacionais não existem!!! Hein??? Veja slide anterior**
- Chaves: componentes básicos de qualquer circuito digital
- Portas lógicas Booleanas: AND, OR, NOT → blocos construtivos melhores (mais fáceis de usar) que chaves eletrônicas
 - **Mas lembrem-se, portas são montadas com chaves eletrônicas (chaves eletrônicas=transistores)**
 - Habilitam o uso da álgebra Booleana para projetar circuitos
- Álgebra de Chaveamento: usa variáveis/operadores que lidam com 0/1 ou verdadeiro/falso, etc.
- Representações de funções de chaveamento
 - Existem várias e se pode usar o que se quiser, dependendo da conveniência
 - Se pode converter entre diferentes representações de uma mesma função (portas, TVs, diagramas de Venn etc.)
- O processo de projeto combinacional: Traduz de equações (ou TVs) para circuitos, usando passos bem definidos
- Mais portas (além de AND, OR, NOT): NAND, NOR, XOR, XNOR também são úteis
- Multiplexadores e decodificadores: São blocos construtivos adicionais, úteis em geral

